

**UČNI NAČRT PREDMETA / COURSE SYLLABUS**
**Predmet:** Fraktali

**Course title:** Fractals

**Študijski program in stopnja**
**Study programme and level**
**Študijska smer**
**Letnik**
**Semester**

Enovit magistrski študijski program druge stopnje Predmetni učitelj	/	3. ali / or 4.	6. ali / or 8.
Five-year master's degree program Subject Teacher	/		

**Vrsta predmeta / Course type**

Izbirni / Elective

**Univerzitetna koda predmeta / University course code:**

Predavanja Lectures	Seminar	Sem. vaje Tutorial	Lab. vaje Laboratory work	Teren. vaje Field work	Samost. delo Individ. work	ECTS
30	-	15	-	-	45	3

**Nosilec predmeta / Lecturer:**

dr. Dušan Pagon

**Jeziki /**
**Predavanja / Lectures:**

slovenski / Slovene

**Languages:**
**Vaje / Tutorial:**

slovenski / Slovene

**Pogoji za vključitev v delo oz. za opravljanje  
študijskih obveznosti:**
**Prerequisites:**

/

/

**Vsebina:**
**Content (Syllabus outline):**

- Metrični prostor, različne vrste podprostorov, prostor fraktalov.
- Afine transformacije, skrčitve, sistemi iterirajočih funkcij.
- Teoretično in eksperimentalno določanje dimenzijske frakta, Hausdorff-Bezikovičeva dimenzijska.

- A metric space, different types of subspaces, the space of fractals.
- Affine transformations, contraction mappings, systems of iterating functions.
- The theoretical and experimental determination of the fractal dimension, Hausdorff-Besicovitch dimension.

#### **Temeljni literatura in viri / Readings:**

Barnsley, M. F.: Fractals Everywhere. Academic Press, Boston (1993)

Barnsley, M. F.: Superfractals. Cambridge University Press, Cambridge (2008)

Falconer, K. J.: Fractal Geometry. J. Wiley, Chichester (1990)

Zeitler, H., Pagon, D.: Fraktale Geometrie: eine Einführung, Vieweg, Braunschweig (2000)

#### **Cilji in kompetence:**

Študenti se seznanijo s strukturo podprostora fraktalov v metričnem prostoru in z osnovnimi načini generiranja fraktalov (družine iterirajočih preslikav). Spoznajo tudi nekaj glavnih definicij dimenzijske frakta.

#### **Objectives and competences:**

Students get familiar with the structure of the subset of fractals in a metric space and with the main ways of generating fractals (iterated functions systems). They also learn the main definitions of the dimension of a fractal set.

#### **Predvideni študijski rezultati:**

Znanje in razumevanje:

- aktivno obvladanje strukture metričnega prostora in prepoznavanje fraktalnih podmnožic
- sposobnost generiranja fraktalov
- teoretično in eksperimentalno določanje dimenzijske frakta

#### **Intended learning outcomes:**

Knowledge and understanding:

- active knowledge of metric space structure and the ability to recognize its fractal subsets
- the ability to generate fractals
- theoretical and experimental ways to find the dimension of a fractal

#### **Metode poučevanja in učenja:**

- Predavanja
- Seminarske vaje
- Individualno delo

#### **Learning and teaching methods:**

- Lectures
- Exercises
- Individual work

Delež (v %) /

<b>Načini ocenjevanja:</b>	<b>Weight (in %)</b>	<b>Assessment:</b>
<p>Način (pisni izpit, ustno izpraševanje, naloge, projekt):</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• seminarska naloga</li> <li>• pisni izpit – praktični del</li> <li>• ustni izpit – teoretični del</li> </ul> <p>Vsaka izmed naštetih obveznosti mora biti opravljena s pozitivno oceno.</p> <p>Pozitivna ocena pri pisnem testu je pogoj za pristop k izpitu.</p>	20% 40% 40%	<p>Type (examination, oral, coursework, project):</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• coursework</li> <li>• written exam – practical part</li> <li>• oral exam – theoretical part</li> </ul> <p>Each of the mentioned commitments must be assessed with a passing grade.</p> <p>Passing grade of the written test is required for taking the exam.</p>

#### **Reference nosilca / Lecturer's references:**

1. ZEITLER, Herbert, PAGON, Dušan. *Fraktale Geometrie : eine Einführung : für Studienanfänger, Studierende des Lehramtes, Lehrer und Schüler*. Braunschweig; Wiesbaden: Vieweg, cop. 2000. 200 str., ilustr., ISBN 3-528-03152-2. [COBISS.SI-ID [10140168](#)]
2. PAGON, Dušan. Self-similar planar fractals based on branching trees and bushes. *Prog. theor. phys., Suppl.*, 2003, no. 150, str. 176-187, ilustr. [COBISS.SI-ID [13012232](#)]
3. KOSI-ULBL, Irena, PAGON, Dušan. The n-simplex and its generalizations towards fractals. *Int. J. Math. Educ. Sci. Technol.*, 2002, vol. 33, no. 3, str. 393-404, ilustr. [COBISS.SI-ID [11923976](#)]
4. PAGON, Dušan. The dynamics of selfsimilar sets generated by multibranching trees. *International journal of computational and numerical analysis and applications*, 2004, vol. 6, no. 1, str. 65-76. [COBISS.SI-ID [14037081](#)]
5. PAGON, Dušan. The dynamics of selfsimilar sets of points generated by multibranching trees. V: BAINOV, Drumi (ur.), NENOV, Svetoslav (ur.). *Second International Conference of Applied Mathematics : SICAM, August 12-18 2005, Plovdiv Bulgaria*. Plovdiv: [s. n.], 2005, str. 196. [COBISS.SI-ID [14212360](#)]